

# ELIPTIČKE KRIVULJE U KRIPTOGRAFIJI

## 2. Zadaća

Student: Violeta Atanasov

1. Pokažite da je krivulja

$$y^2 = x^3 + 7x^2 + 8x - 16$$

singularna. Odredite joj singularnu točku, te nađite jednu njezinu racionalnu parametrizaciju.

2. Neka je  $E/\mathbb{Q}$  eliptička krivulja zadana s

$$y^2 = x^3 + 625x + 46875.$$

Odredite grupovnu strukturu od  $E(\mathbb{F}_7)$ .

3. Nađite sve točke konačnog reda, te odredite strukturu torzijske grupe za

$$y^2 = x^3 - 3915x + 113670.$$