Eliptičke krivulje u kriptografiji

završni ispit - grupa A

12.6.2018.

1. Eliptička krivulja E nad poljem $\mathbb{F}_{17}$ zadana je jednadžbom $y^2 = x^3 + 8x + 3$. Dokažite da je $\alpha = (5, 7)$ generator grupe $E(\mathbb{F}_{17})$.

2. Pomoću Menezes-Vanstoneovog kriptosustava u kojem su javni ključ eliptička krivulja E i generator α iz 1. zadatka, te $\beta = (12, 5)$, šifrirajte otvoreni tekst $(x_1, x_2) = (10, 11)$, uz pretpostavku da je jednokratni ključ $k = 7$.

3. Eliptička krivulja E nad poljem $\mathbb{F}_{17}$ zadana je jednažbom $y^2 = x^3 + 3x + 1$. Za točke $P = (4, 3)$ i $Q = (2, 7)$ na E riješite problem eliptičkog diskretnog logaritma $Q = [m]P$ Pohlig-Hellmanovim algoritmom ako je poznato da je točka P reda 15.

4. Faktorizirajte broj $n = 713$ pomoću ECM faktorizacije s parametrima

$$E: \quad y^2 = x^3 + 12x + 9,$$

$P = (0, 3)$ i $B = 3$.

Dozvoljeno je korištenje džepnog kalkulatora, te dva papira s formulama.
Kalkulatori se mogu koristiti za standardne operacije, ali nije dozvoljeno korištenje gotovih funkcija za algoritme iz eliptičkih krivulja i teorije brojeva.

Rezultati: ponedjeljak, 18.6.2018. u 14 sati.

Andrej Dujella