

# Eliptičke krivulje u kriptografiji

završni ispit - grupa A

8.6.2015.

1. Eliptička krivulja  $E$  nad poljem  $\mathbb{F}_{17}$  zadana je jednažbom  $y^2 = x^3 + 7x + 4$ . Dokažite da je  $\alpha = (0, 2)$  generator grupe  $E(\mathbb{F}_{17})$ .
2. Pomoću Menezes-Vanstoneovog kriptosustava u kojem su javni ključ eliptička krivulja  $E$  i generator  $\alpha$  iz 1. zadatka, te  $\beta = (16, 8)$ , šifrirajte otvoreni tekst  $(x_1, x_2) = (5, 11)$ , uz pretpostavku da je jednokratni ključ  $k = 6$ .
3. Eliptička krivulja  $E$  nad poljem  $\mathbb{F}_{13}$  zadana je jednažbom  $y^2 = x^3 + 10x + 9$ . Za točke  $P = (0, 3)$  i  $Q = (3, 12)$  na  $E$  riješite problem eliptičkog diskretnog logaritma  $Q = [m]P$  Pohlig-Hellmanovim algoritmom ako je poznato da je točka  $P$  reda 15.
4. Faktorizirajte broj  $n = 391$  pomoću ECM faktorizacije s parametrima

$$E : y^2 = x^3 + 8x + 1,$$

$$P = (0, 1) \text{ i } B = 3.$$

Dozvoljeno je korištenje džepnog kalkulatora, te dva papira s formulama.

Kalkulatori se mogu koristiti za standardne operacije, ali nije dozvoljeno korištenje gotovih funkcija za algoritme iz eliptičkih krivulja i teorije brojeva.

Rezultati: utorak, 16.6.2015. u 14 sati.

Andrej Dujella