

1	2	3	4	$\Sigma$

Ime i prezime: \_\_\_\_\_

## Eliptičke krivulje u kriptografiji -

Završni ispit, 13. 06. 2014.

1. Neka je  $E/\mathbb{Q}$  eliptička krivulja zadana s

$$E : y^2 = x^3 + 37x + 36.$$

Odredite  $E(\mathbb{Q})_{tors}$ .

2. Odredite rang eliptičke krivulje  $y^2 = x^3 - 11x$  nad  $\mathbb{Q}$ .
3. Neka je  $E$  eliptička krivulja  $y^2 = x^3 + x + 1$  nad  $\mathbb{F}_{59}$ . Grupa  $E(\mathbb{F}_{59})$  ima red 63 i generirana je elementom  $P = (0, 1)$ . Rješite problem diskretnog logaritma  $mP = (38, 49)$  BSGS metodom.
4. Faktorizirajte broj 851 korištenjem eliptičke krivulje  $E : y^2 = x^3 + 3$ , točke  $P = (1, 2)$  na njoj i ograde  $B = 3$ .

Tablica inverza u  $\mathbb{F}_{59}^\times$ ; u ptvom, trećem i petom redu su elementi iz  $\mathbb{F}_{59}^\times$ , ispod svakog od njih je njegov inverz.

2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
30	20	15	12	10	17	37	46	6	43	5	50	38	4	48	7	23	28	3
21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	31	32	33	34	35	36	37	38	39
45	51	18	32	26	25	35	19	57	2	40	24	34	33	27	41	8	14	56
40	41	42	43	44	45	46	47	48	49	50	51	52	53	54	55	56	57	58
31	36	52	11	55	21	9	54	16	53	13	22	42	49	47	44	39	29	58